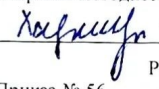


МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Менжинская СОШ

РАССМОТРЕНА	СОГЛАСОВАНА	УТВЕРЖДЕНА
Руководитель ШМО педагогов:	Старший методист:	И.о. заведующей филиалом:
		
А.Д. Кошелева	Р.Ю. Харитонова	Р.Ю. Харитонова
«29» августа 2026 г.	Приказ № 56 от «31» августа 2026 г.	Приказ № 56 от «31» августа 2026 г.



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

(ID 11369144)

учебного предмета «Геометрия. Базовый уровень»

для обучающихся 10-11 классов

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Рабочая программа учебного курса «Геометрия» базового уровня для обучающихся 10 –11 классов разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования, с учётом современных мировых требований, предъявляемых к математическому образованию, и традиций российского образования. Реализация программы обеспечивает овладение ключевыми компетенциями, составляющими основу для саморазвития и непрерывного образования, целостность общекультурного, личностного и познавательного развития личности обучающихся.

ЦЕЛИ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА

Важность учебного курса геометрии на уровне среднего общего образования обусловлена практической значимостью метапредметных и предметных результатов обучения геометрии в направлении личностного развития обучающихся, формирования функциональной математической грамотности, изучения других учебных дисциплин. Развитие у обучающихся правильных представлений о сущности и происхождении геометрических абстракций, соотношении реального и идеального, характере отражения математической наукой явлений и процессов реального мира, месте геометрии в системе наук и роли математического моделирования в научном познании и в практике способствует формированию научного мировоззрения учащихся, а также качеств мышления, необходимых для адаптации в современном обществе.

Геометрия является одним из базовых предметов на уровне среднего общего образования, так как обеспечивает возможность изучения как дисциплин естественно-научной направленности, так и гуманитарной.

Логическое мышление, формируемое при изучении обучающимися понятийных основ геометрии и построении цепочки логических утверждений в ходе решения геометрических задач, умение выдвигать и опровергать гипотезы непосредственно используются при решении задач естественно-научного цикла, в частности из курса физики.

Умение ориентироваться в пространстве играет существенную роль во всех областях деятельности человека. Ориентация человека во времени и пространстве — необходимое условие его социального бытия, форма отражения окружающего мира, условие успешного познания и активного преобразования действительности. Оперирование пространственными образами объединяет разные виды учебной и трудовой деятельности, является одним из профессионально важных качеств, поэтому актуальна задача формирования у обучающихся пространственного мышления как разновидности образного мышления — существенного компонента в подготовке к практической деятельности по многим направлениям.

Цель освоения программы учебного курса «Геометрия» на базовом уровне обучения – общеобразовательное и общекультурное развитие обучающихся через обеспечение возможности приобретения и использования систематических геометрических знаний и действий, специфичных геометрии, возможности успешного продолжения образования по специальностям, не связанным с прикладным использованием геометрии.

Программа по геометрии на базовом уровне предназначена для обучающихся средней школы, не испытывавших значительных затруднений на уровне основного общего образования. Таким образом, обучающиеся на базовом уровне должны освоить общие математические умения, связанные со спецификой геометрии и необходимые для жизни в современном обществе. Кроме этого, они имеют возможность изучить геометрию более глубоко, если в дальнейшем возникнет необходимость в геометрических знаниях в профессиональной деятельности.

Достижение цели освоения программы обеспечивается решением соответствующих задач. Приоритетными задачами освоения курса «Геометрии» на базовом уровне в 10—11 классах являются:

- формирование представления о геометрии как части мировой культуры и осознание её взаимосвязи с окружающим миром;
- формирование представления о многогранниках и телах вращения как о важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные явления окружающего мира;
- формирование умения распознавать на чертежах, моделях и в реальном мире многогранники и тела вращения;
- овладение методами решения задач на построения на изображениях пространственных фигур;
- формирование умения оперировать основными понятиями о многогранниках и телах вращения и их основными свойствами;
- овладение алгоритмами решения основных типов задач; формирование умения проводить несложные доказательные рассуждения в ходе решения стереометрических задач и задач с практическим содержанием;
- развитие интеллектуальных и творческих способностей обучающихся, познавательной активности, исследовательских умений, критичности мышления;
- формирование функциональной грамотности, релевантной геометрии: умение распознавать проявления геометрических понятий, объектов и закономерностей в реальных жизненных ситуациях и при изучении других учебных предметов, проявления зависимостей и закономерностей, формулировать их на языке геометрии и создавать геометрические модели, применять освоенный геометрический аппарат для решения практико-ориентированных задач, интерпретировать и оценивать полученные результаты.

Отличительной особенностью программы является включение в курс стереометрии в начале его изучения задач, решаемых на уровне интуитивного познания, и определённым образом организованная работа над ними, что способствуют развитию логического и пространственного мышления, стимулирует протекание интуитивных процессов, мотивирует к дальнейшему изучению предмета.

Предпочтение отдаётся наглядно-конструктивному методу обучения, то есть теоретические знания имеют в своей основе чувственность предметно-практической деятельности. Развитие пространственных представлений у учащихся в курсе стереометрии проводится за счёт решения задач на создание пространственных образов и задач на оперирование пространственными образами. Создание образа проводится

с опорой на наглядность, а оперирование образом – в условиях отвлечения от наглядности, мысленного изменения его исходного содержания.

Основные содержательные линии курса «Геометрии» в 10–11 классах: «Многогранники», «Прямые и плоскости в пространстве», «Тела вращения», «Векторы и координаты в пространстве». Формирование логических умений распределяется не только по содержательным линиям, но и по годам обучения на уровне среднего общего образования.

Содержание образования, соответствующее предметным результатам освоения рабочей программы, распределённым по годам обучения, структурировано таким образом, чтобы овладение геометрическими понятиями и навыками осуществлялось последовательно и поступательно, с соблюдением принципа преемственности, чтобы новые знания включались в общую систему геометрических представлений обучающихся, расширяя и углубляя её, образуя прочные множественные связи.

МЕСТО УЧЕБНОГО КУРСА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ

На изучение геометрии отводится 2 часа в неделю в 10 классе и 1 час в неделю в 11 классе, всего за два года обучения - 102 учебных часа.

СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА

10 КЛАСС

Прямые и плоскости в пространстве

Основные понятия стереометрии. Точка, прямая, плоскость, пространство. Понятие об аксиоматическом построении стереометрии: аксиомы стереометрии и следствия из них.

Взаимное расположение прямых в пространстве: пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые. Параллельность прямых и плоскостей в пространстве: параллельные прямые в пространстве; параллельность трёх прямых; параллельность прямой и плоскости. Углы с сонаправленными сторонами; угол между прямыми в пространстве. Параллельность плоскостей: параллельные плоскости; свойства параллельных плоскостей. Простейшие пространственные фигуры на плоскости: тетраэдр, куб, параллелепипед; построение сечений.

Перпендикулярность прямой и плоскости: перпендикулярные прямые в пространстве, прямые параллельные и перпендикулярные к плоскости, признак перпендикулярности прямой и плоскости, теорема о прямой перпендикулярной плоскости. Углы в пространстве: угол между прямой и плоскостью; двугранный угол, линейный угол двугранного угла. Перпендикуляр и наклонные: расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости, проекция фигуры на плоскость. Перпендикулярность плоскостей: признак перпендикулярности двух плоскостей. Теорема о трёх перпендикулярах.

Многогранники

Понятие многогранника, основные элементы многогранника, выпуклые и невыпуклые многогранники; развёртка многогранника. Призма: n -угольная призма; грани и основания призмы; прямая и наклонная призмы; боковая и полная поверхность призмы. Параллелепипед, прямоугольный параллелепипед и его свойства. Пирамида: n -угольная пирамида, грани и основание пирамиды; боковая и полная поверхность пирамиды; правильная и усечённая пирамида. Элементы призмы и пирамиды. Правильные многогранники: понятие правильного многогранника; правильная призма и правильная пирамида; правильная треугольная пирамида и правильный тетраэдр; куб. Представление о правильных многогранниках: октаэдр, додекаэдр и икосаэдр. Сечения призмы и пирамиды.

Симметрия в пространстве: симметрия относительно точки, прямой, плоскости. Элементы симметрии в пирамидах, параллелепипедах, правильных многогранниках.

Вычисление элементов многогранников: рёбра, диагонали, углы. Площадь боковой поверхности и полной поверхности прямой призмы, площадь оснований, теорема о боковой поверхности прямой призмы. Площадь боковой поверхности и поверхности правильной пирамиды, теорема о площади усечённой пирамиды. Понятие об объёме. Объём пирамиды, призмы.

Подобные тела в пространстве. Соотношения между площадями поверхностей, объёмами подобных тел.

11 КЛАСС

Тела вращения

Цилиндрическая поверхность, образующие цилиндрической поверхности, ось цилиндрической поверхности. Цилиндр: основания и боковая поверхность, образующая и ось; площадь боковой и полной поверхности.

Коническая поверхность, образующие конической поверхности, ось и вершина конической поверхности. Конус: основание и вершина, образующая и ось; площадь боковой и полной поверхности. Усечённый конус: образующие и высота; основания и боковая поверхность.

Сфера и шар: центр, радиус, диаметр; площадь поверхности сферы. Взаимное расположение сферы и плоскости; касательная плоскость к сфере; площадь сферы.

Изображение тел вращения на плоскости. Развёртка цилиндра и конуса.

Комбинации тел вращения и многогранников. Многогранник, описанный около сферы; сфера, вписанная в многогранник, или тело вращения.

Понятие об объёме. Основные свойства объёмов тел. Теорема об объёме прямоугольного параллелепипеда и следствия из неё. Объём цилиндра, конуса. Объём шара и площадь сферы.

Подобные тела в пространстве. Соотношения между площадями поверхностей, объёмами подобных тел.

Сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельное основанию и проходящее через вершину), сечения шара.

Векторы и координаты в пространстве

Вектор на плоскости и в пространстве. Сложение и вычитание векторов. Умножение вектора на число. Разложение вектора по трём некомпланарным векторам. Правило параллелепипеда. Решение задач, связанных с применением правил действий с векторами. Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Простейшие задачи в координатах. Угол между векторами. Скалярное произведение векторов. Вычисление углов между прямыми и плоскостями. Координатно-векторный метод при решении геометрических задач.

ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Личностные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются:

Гражданское воспитание:

сформированностью гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.), умением взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением.

Патриотическое воспитание:

сформированностью российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики.

Духовно-нравственного воспитания:

осознанием духовных ценностей российского народа; сформированностью нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного; осознанием личного вклада в построение устойчивого будущего.

Эстетическое воспитание:

эстетическим отношением к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений; восприимчивостью к математическим аспектам различных видов искусства.

Физическое воспитание:

сформированностью умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственного отношения к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); физического совершенствования, при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью.

Трудовое воспитание:

готовностью к труду, осознанием ценности трудолюбия; интересом к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умением совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы; готовностью и способностью к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни; готовностью к активному участию в решении практических задач математической направленности.

Экологическое воспитание:

сформированностью экологической культуры, пониманием влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознанием глобального характера экологических проблем; ориентацией на применение математических знаний для

решения задач в области окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды.

Ценности научного познания:

сформированностью мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; готовностью осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Метапредметные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются овладением универсальными *познавательными* действиями, универсальными коммуникативными действиями, универсальными регулятивными действиями.

1) *Универсальные познавательные действия, обеспечивают формирование базовых когнитивных процессов обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией).*

Базовые логические действия:

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями; формулировать определения понятий; устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;
- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные суждения и выводы;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического

объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

- выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;
- выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;
- оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

2) *Универсальные коммуникативные действия, обеспечивают сформированность социальных навыков обучающихся.*

Общение:

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Сотрудничество:

- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач; принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды; оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

3) *Универсальные регулятивные действия, обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности.*

Самоорганизация:

- составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль:

- владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов; владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

10 КЛАСС

Оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость.

Применять аксиомы стереометрии и следствия из них при решении геометрических задач.

Оперировать понятиями: параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей.

Классифицировать взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве.

Оперировать понятиями: двугранный угол, грани двугранного угла, ребро двугранного угла; линейный угол двугранного угла; градусная мера двугранного угла.

Оперировать понятиями: многогранник, выпуклый и невыпуклый многогранник, элементы многогранника, правильный многогранник.

Распознавать основные виды многогранников (пирамида; призма, прямоугольный параллелепипед, куб).

Классифицировать многогранники, выбирая основания для классификации (выпуклые и невыпуклые многогранники; правильные многогранники; прямые и наклонные призмы, параллелепипеды).

Оперировать понятиями: секущая плоскость, сечение многогранников.

Объяснять принципы построения сечений, используя метод следов.

Строить сечения многогранников методом следов, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу.

Решать задачи на нахождение геометрических величин по образцам или алгоритмам, применяя известные аналитические методы при решении стандартных математических задач на вычисление расстояний между двумя точками, от точки до прямой, от точки до плоскости, между скрещивающимися прямыми.

Решать задачи на нахождение геометрических величин по образцам или алгоритмам, применяя известные аналитические методы при решении стандартных математических задач на вычисление углов между скрещивающимися прямыми, между прямой и плоскостью, между плоскостями, двугранных углов.

Вычислять объёмы и площади поверхностей многогранников (призма, пирамида) с применением формул; вычислять соотношения между площадями поверхностей, объёмами подобных многогранников.

Оперировать понятиями: симметрия в пространстве; центр, ось и плоскость симметрии; центр, ось и плоскость симметрии фигуры.

Извлекать, преобразовывать и интерпретировать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках.

Применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной форме.

Применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач.

Приводить примеры математических закономерностей в природе и жизни, распознавать проявление законов геометрии в искусстве.

Применять полученные знания на практике: анализировать реальные ситуации и применять изученные понятия в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры; решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин.

11 КЛАСС

Оперировать понятиями: цилиндрическая поверхность, образующие цилиндрической поверхности; цилиндр; коническая поверхность, образующие конической поверхности, конус; сферическая поверхность.

Распознавать тела вращения (цилиндр, конус, сфера и шар).

Объяснять способы получения тел вращения.

Классифицировать взаимное расположение сферы и плоскости.

Оперировать понятиями: шаровой сегмент, основание сегмента, высота сегмента; шаровой слой, основание шарового слоя, высота шарового слоя; шаровой сектор.

Вычислять объёмы и площади поверхностей тел вращения, геометрических тел с применением формул.

Оперировать понятиями: многогранник, вписанный в сферу и описанный около сферы; сфера, вписанная в многогранник или тело вращения.

Вычислять соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел.

Изображать изучаемые фигуры от руки и с применением простых чертёжных инструментов.

Выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу; строить сечения тел вращения.

Извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках.

Оперировать понятием вектор в пространстве.

Выполнять действия сложения векторов, вычитания векторов и умножения вектора на число, объяснять, какими свойствами они обладают.

Применять правило параллелепипеда.

Оперировать понятиями: декартовы координаты в пространстве, вектор, модуль вектора, равенство векторов, координаты вектора, угол между векторами, скалярное произведение векторов, коллинеарные и компланарные векторы.

Находить сумму векторов и произведение вектора на число, угол между векторами, скалярное произведение, раскладывать вектор по двум неколлинеарным векторам.

Задавать плоскость уравнением в декартовой системе координат.

Применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной форме.

Решать простейшие геометрические задачи на применение векторно-координатного метода.

Решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин по образцам или алгоритмам, применяя известные методы при решении стандартных математических задач.

Применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач.

Приводить примеры математических закономерностей в природе и жизни, распознавать проявление законов геометрии в искусстве.

Применять полученные знания на практике: анализировать реальные ситуации и применять изученные понятия в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры; решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин.

ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

10 КЛАСС

№ п/ п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Введение в стереометрию	10			https://m.edsoo.ru/C5O3R7VIP
2	Прямые и плоскости в пространстве. Параллельность прямых и плоскостей	12	1		https://m.edsoo.ru/WT7NSO14T
3	Перпендикулярность прямых и плоскостей	12			https://m.edsoo.ru/V6I1APUCD
4	Углы между прямыми и плоскостями	10	1		https://m.edsoo.ru/R38METBTQ
5	Многогранники	11	1		https://m.edsoo.ru/XPW9U5FB2
6	Объёмы многогранников	9	1		https://m.edsoo.ru/010FX2SJB
7	Повторение: сечения, расстояния и углы	4	1		https://m.edsoo.ru/L1AAMHO3D
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		68	5	0	

11 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Тела вращения	12			https://m.edsoo.ru/HY0WQL5KQ
2	Объёмы тел	5	1		https://m.edsoo.ru/B9ORV9YC9
3	Векторы и координаты в пространстве	10	1		https://m.edsoo.ru/4NCL4GOME
4	Повторение, обобщение, систематизация знаний	7	1		https://m.edsoo.ru/DORV3P725
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	3	0	

ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

10 КЛАСС

№ п / п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Основные понятия стереометрии: точка, прямая, плоскость, пространство. Правила изображения на рисунках: изображения плоскостей, параллельных прямых (отрезков), середины отрезка	1				https://m.edsoo.ru/D3VCJ7UN4
2	Понятия: пересекающиеся плоскости, пересекающиеся прямая и плоскость	1				https://m.edsoo.ru/NR6VJYCGK
3	Понятия: пересекающиеся плоскости, пересекающиеся прямая и плоскость	1				https://m.edsoo.ru/O6RNDFAM0
4	Знакомство с многогранниками,	1				https://m.edsoo.ru/KMUQPILL0

	изображение многогранников на рисунках, на проекционных чертежах					
5	Начальные сведения о кубе и пирамиде, их развёртки и модели. Сечения многогранников	1				https://m.edsoo.ru/FPW2JNHCZ
6	Начальные сведения о кубе и пирамиде, их развёртки и модели. Сечения многогранников	1				https://m.edsoo.ru/1MQ3AJ3S5
7	Понятие об аксиоматическом построении стереометрии: аксиомы стереометрии и следствия из них	1				https://m.edsoo.ru/SLMI7R3BL
8	Понятие об аксиоматическом построении стереометрии: аксиомы стереометрии и следствия из них	1				https://m.edsoo.ru/DUKAX7QE1
9	Понятие об аксиоматическом построении стереометрии: аксиомы стереометрии и следствия из них	1				https://m.edsoo.ru/YPKS5MLJL

10	Понятие об аксиоматическом построении стереометрии: аксиомы стереометрии и следствия из них	1				https://m.edsoo.ru/I3A98J6Z9
11	Взаимное расположение прямых в пространстве: пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые	1				https://m.edsoo.ru/IUIW8KR5Q
12	Параллельность прямых и плоскостей в пространстве: параллельные прямые в пространстве; параллельность трёх прямых	1				https://m.edsoo.ru/CS9VLQLH6
13	Параллельность прямых и плоскостей в пространстве: Параллельность прямой и плоскости	1				https://m.edsoo.ru/PO5J6D23U
14	Углы с сонаправленными сторонами	1				https://m.edsoo.ru/LLJAVHVBW
15	Угол между прямыми в пространстве	1				https://m.edsoo.ru/KGJM80EUK
16	Угол между прямыми в пространстве	1				https://m.edsoo.ru/24LVWH9V8

17	Параллельность плоскостей: параллельные плоскости	1				https://m.edsoo.ru/BU8TQ9HZT
18	Свойства параллельных плоскостей	1				https://m.edsoo.ru/0KQOK2ABA
19	Простейшие пространственные фигуры на плоскости: тетраэдр, куб, параллелепипед	1				https://m.edsoo.ru/MRT13XP79
20	Построение сечений	1				https://m.edsoo.ru/DI3AXO5J8
21	Построение сечений	1				https://m.edsoo.ru/20GC3ZP9P
22	Контрольная работа по теме "Прямые и плоскости в пространстве. Параллельность прямых и плоскостей"	1	1			https://m.edsoo.ru/BI4O5QJEB
23	Перпендикулярность прямой и плоскости: перпендикулярные прямые в пространстве	1				https://m.edsoo.ru/RN45YBO8R
24	Прямые параллельные и перпендикулярные к плоскости	1				https://m.edsoo.ru/32MXRZDDL
25	Прямые параллельные и перпендикулярные к	1				https://m.edsoo.ru/JPUOT0I3N

	плоскости					
26	Признак перпендикулярности прямой и плоскости	1				https://m.edsoo.ru/DC41W6K14
27	Признак перпендикулярности прямой и плоскости	1				https://m.edsoo.ru/HD3D63S5P
28	Теорема о прямой перпендикулярной плоскости	1				https://m.edsoo.ru/Y0IQSMOH1
29	Теорема о прямой перпендикулярной плоскости	1				https://m.edsoo.ru/81R5KU5RJ
30	Теорема о прямой перпендикулярной плоскости	1				https://m.edsoo.ru/HFKNPKZ7T
31	Перпендикуляр и наклонные: расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости	1				https://m.edsoo.ru/638GKWY7V
32	Перпендикуляр и наклонные: расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости	1				https://m.edsoo.ru/AD6RCACRA

33	Перпендикуляр и наклонные: расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости	1				https://m.edsoo.ru/VLLIQ7HXC
34	Перпендикуляр и наклонные: расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости	1				https://m.edsoo.ru/6P5BVV34R
35	Углы в пространстве: угол между прямой и плоскостью	1				https://m.edsoo.ru/PSFJXUA1I
36	Двугранный угол, линейный угол двугранного угла	1				https://m.edsoo.ru/6R4A0E0MD
37	Двугранный угол, линейный угол двугранного угла	1				https://m.edsoo.ru/ML0ZZYZC7
38	Перпендикулярность плоскостей: признак перпендикулярности двух плоскостей	1				https://m.edsoo.ru/YRQDSM9NH
39	Перпендикулярность плоскостей: признак перпендикулярности двух плоскостей	1				https://m.edsoo.ru/DY2AF84T2

40	Перпендикулярность плоскостей: признак перпендикулярности двух плоскостей	1				https://m.edsoo.ru/TS8OA9NH2
41	Теорема о трёх перпендикулярах	1				https://m.edsoo.ru/0W5LZ1RVZ
42	Теорема о трёх перпендикулярах	1				https://m.edsoo.ru/OP44KE54N
43	Теорема о трёх перпендикулярах	1				https://m.edsoo.ru/OWG81WDV3
44	Контрольная работа по темам "Перпендикулярность прямых и плоскостей" и "Углы между прямыми и плоскостями"	1	1			https://m.edsoo.ru/VOXABP0PB
45	Понятие многогранника, основные элементы многогранника, выпуклые и невыпуклые многогранники; развёртка многогранника	1				https://m.edsoo.ru/L5FTEZ8QX
46	Призма: n-угольная призма; грани и основания призмы; прямая и наклонная призмы; боковая и полная	1				https://m.edsoo.ru/ZAL6DKFQL

	поверхность призмы					
47	Параллелепипед, прямоугольный параллелепипед и его свойства	1				https://m.edsoo.ru/ITCOB1WIO
48	Пирамида: n-угольная пирамида, грани и основание пирамиды; боковая и полная поверхность пирамиды; правильная и усечённая пирамида	1				https://m.edsoo.ru/1T0FX00PA
49	Правильные многогранники: понятие правильного многогранника; правильная призма и правильная пирамида; правильная треугольная пирамида и правильный тетраэдр; куб	1				https://m.edsoo.ru/LWNGFZTWE
50	Представление о правильных многогранниках: октаэдр, додекаэдр и икосаэдр.	1				https://m.edsoo.ru/06SH02IDD
51	Симметрия в пространстве: симметрия	1				https://m.edsoo.ru/SWEUC9ENR

	относительно точки, прямой, плоскости. Элементы симметрии в пирамидах, параллелепипедах, правильных многогранниках					
52	Вычисление элементов многогранников: рёбра, диагонали, углы	1				https://m.edsoo.ru/EUP4MN760
53	Площадь боковой поверхности и полной поверхности прямой призмы, площадь оснований, теорема о боковой поверхности прямой призмы	1				https://m.edsoo.ru/SQY9XSIL6
54	Площадь боковой поверхности и поверхности правильной пирамиды, теорема о площади боковой поверхности усечённой пирамиды	1				https://m.edsoo.ru/R22FHBG6O
55	Контрольная работа по теме "Многогранники"	1	1			https://m.edsoo.ru/VHYNJQMQD
56	Понятие об объёме	1				https://m.edsoo.ru/

						GM1LC394G
57	Объём пирамиды	1				https://m.edsoo.ru/B307P8WTC
58	Объём пирамиды	1				https://m.edsoo.ru/PQZ9ED3YF
59	Объём пирамиды	1				https://m.edsoo.ru/RZ8BITMU9
60	Объём пирамиды	1				https://m.edsoo.ru/0HRFO2LCT
61	Объём призмы	1				https://m.edsoo.ru/YEQP63ZD4
62	Объём призмы	1				https://m.edsoo.ru/B46EMRRGE
63	Объём призмы	1				https://m.edsoo.ru/FIMQW6KFT
64	Контрольная работа по теме "Объёмы многогранников"	1	1			https://m.edsoo.ru/23S5OI80N
65	Повторение, обобщение систематизация знаний. Построение сечений в многограннике	1				https://m.edsoo.ru/KXTOCIOJG
66	Повторение, обобщение систематизация знаний. Вычисление расстояний: между двумя точками, от точки до прямой, от точки	1				https://m.edsoo.ru/HKP6I3JUC

	до плоскости, между скрещивающимися прямыми					
67	Итоговая контрольная работа	1	1			https://m.edsoo.ru/KB3EK0A9U
68	Повторение, обобщение систематизация знаний. Вычисление углов: между скрещивающимися прямыми, между прямой и плоскостью, двугранных углов, углов между плоскостями	1				https://m.edsoo.ru/X7CJU5LO0
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		68	5	0		

11 КЛАСС

№ п/ п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Сфера и шар: центр, радиус, диаметр; площадь поверхности сферы	1				https://m.edsoo.ru/TW8Z59CHJ
2	Взаимное расположение сферы и плоскости; касательная плоскость к сфере; площадь сферы	1				https://m.edsoo.ru/YCMWC4M3I
3	Изображение сферы, шара на плоскости. Сечения шара	1				https://m.edsoo.ru/QDCF8UGXE
4	Цилиндрическая поверхность, образующие цилиндрической поверхности, ось цилиндрической поверхности	1				https://m.edsoo.ru/8516BBEO7
5	Цилиндр: основания и	1				https://m.edsoo.ru/

	боковая поверхность, образующая и ось; площадь боковой и полной поверхности					W0JR979V9
6	Изображение цилиндра на плоскости. Развёртка цилиндра. Сечения цилиндра (плоскостью, параллельной или перпендикулярной оси цилиндра)	1				https://m.edsoo.ru/OYMSPW10Z
7	Коническая поверхность, образующие конической поверхности, ось и вершина конической поверхности	1				https://m.edsoo.ru/H64QF3E6R
8	Конус: основание и вершина, образующая и ось; площадь боковой и полной поверхности	1				https://m.edsoo.ru/Q4EUBB6GT
9	Усечённый конус: образующие и высота;	1				https://m.edsoo.ru/80VNITU2O

	основания и боковая поверхность					
10	Изображение конуса на плоскости. Развёртка конуса. Сечения конуса (плоскостью, параллельной основанию, и плоскостью, проходящей через вершину)	1				https://m.edsoo.ru/0PV9CKUYU
11	Комбинация тел вращения и многогранников	1				https://m.edsoo.ru/4VHGTYX8F
12	Многогранник, описанный около сферы; сфера, вписанная в многогранник или в тело вращения	1				https://m.edsoo.ru/RMY1STLP
13	Понятие об объёме. Основные свойства объёмов тел	1				https://m.edsoo.ru/4CENHGLOZ
14	Объём цилиндра, конуса	1				https://m.edsoo.ru/W8TGN5Z99
15	Объём шара и	1				https://m.edsoo.ru/

	площадь сферы					G7AYCM9TT
16	Подобные тела в пространстве. Соотношения между площадями поверхностей, объёмами подобных тел	1				https://m.edsoo.ru/4N04FYUUX
17	Контрольная работа по темам "Тела вращения" и "Объёмы тел"	1	1			https://m.edsoo.ru/KC9MHJ5WW
18	Вектор на плоскости и в пространстве	1				https://m.edsoo.ru/AQ4O5SB7C
19	Сложение и вычитание векторов	1				https://m.edsoo.ru/PMNHTUK7G
20	Умножение вектора на число	1				https://m.edsoo.ru/4H7PLGBI1
21	Разложение вектора по трём некопланарным векторам. Правило параллелепипеда	1				https://m.edsoo.ru/NZS0LFWN1
22	Решение задач, связанных с применением правил действий с векторами	1				https://m.edsoo.ru/73F23EPU5

23	Координатно-векторный метод при решении геометрических задач	1				https://m.edsoo.ru/BBI39Z7U
24	Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Простейшие задачи в координатах	1				https://m.edsoo.ru/X9TSDNSQ3
25	Угол между векторами. Скалярное произведение векторов	1				https://m.edsoo.ru/RPAQMBCDO
26	Вычисление углов между прямыми и плоскостями	1				https://m.edsoo.ru/EGRV3NF84
27	Контрольная работа по теме "Векторы и координаты в пространстве"	1	1			https://m.edsoo.ru/N8KELEBHL
28	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Основные фигуры, факты, теоремы курса	1				https://m.edsoo.ru/16ASE1TYU

	планиметрии					
29	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Основные фигуры, факты, теоремы курса планиметрии	1				https://m.edsoo.ru/VEMVY73YE
30	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Задачи планиметрии и методы их решения	1				https://m.edsoo.ru/UF02M943T
31	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Задачи планиметрии и методы их решения	1				https://m.edsoo.ru/FG4PJN2IF
32	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Основные фигуры, факты, теоремы курса стереометрии	1				https://m.edsoo.ru/ZY6BYLY7W

33	Итоговая контрольная работа	1	1			https://m.edsoo.ru/VP8CXOC4C
34	Повторение, обобщение и систематизация знаний	1				https://m.edsoo.ru/70QSTDCAР
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	3	0		

ПРОВЕРЯЕМЫЕ ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ОСНОВНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

10 КЛАСС

Код проверяемого результата	Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы общего образования
7	Геометрия
7.1	Оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость
7.2	Применять аксиомы стереометрии и следствия из них при решении геометрических задач
7.3	Оперировать понятиями: параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей
7.4	Классифицировать взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве
7.5	Оперировать понятиями: двугранный угол, грани двугранного угла, ребро двугранного угла, градусная мера двугранного угла
7.6	Оперировать понятиями: многогранник, выпуклый и невыпуклый многогранник, правильный многогранник
7.7	Распознавать основные виды многогранников (пирамида, призма, параллелепипед, куб)
7.8	Классифицировать многогранники, выбирая основания для классификации: правильные многогранники, прямые и наклонные призмы
7.9	Оперировать понятиями: секущая плоскость, сечение многогранников
7.10	Объяснять принципы построения сечений многогранников, используя методы построения
7.11	Строить сечения многогранников методом следов, выполнять (вычерчивать) рисунки простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу
7.12	Решать задачи на нахождение геометрических величин по образцам: использовать известные аналитические методы при решении стандартных математических задач: расстояний между двумя точками, от точки до прямой, от точки до плоскости, расстояний между скрещивающимися прямыми
7.13	Решать задачи на нахождение геометрических величин по образцам: использовать известные аналитические методы при решении стандартных математических задач: углов между скрещивающимися прямыми, между прямой и плоскостью, двугранных углов
7.14	Вычислять объёмы и площади поверхностей многогранников (призм, пирамид) по формулам, вычислять соотношения между площадями поверхностей

	многогранников
7.15	Оперировать понятиями: симметрия в пространстве, центр, ось и плоскость симметрии фигуры
7.16	Извлекать, преобразовывать и интерпретировать информацию о простых фигурах, представленную на чертежах и рисунках
7.17	Применять геометрические факты для решения стереометрических задач, шагов решения, если условия применения заданы в явной форме
7.18	Применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные средства в решении стереометрических задач
7.19	Приводить примеры математических закономерностей в природе и жизни, законов геометрии в искусстве
7.20	Применять полученные знания на практике: анализировать реальные ситуации, применять понятия в процессе поиска решения математически сформулированных задач, описывать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с помощью геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин

11 КЛАСС

Код проверяемого результата	Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы среднего общего образования
6	Геометрия
6.1	Оперировать понятиями: цилиндрическая поверхность, образующие цилиндра, коническая поверхность, образующие конической поверхности
6.2	Распознавать тела вращения (цилиндр, конус, сфера и шар)
6.3	Объяснять способы получения тел вращения
6.4	Классифицировать взаимное расположение сферы и плоскости
6.5	Оперировать понятиями: шаровой сегмент, основание сегмента, высота сегмента, шаровой слой, высота шарового слоя, шаровой сектор
6.6	Вычислять объёмы и площади поверхностей тел вращения, геометрические формулы
6.7	Оперировать понятиями: многогранник, вписанный в сферу и описанный около сферы, вписанный в многогранник или тело вращения
6.8	Вычислять соотношения между площадями поверхностей и объёмами

6.9	Изображать изучаемые фигуры от руки и с применением простых черт
6.10	Выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмн снизу; строить сечения тел вращения
6.11	Извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о прост фигурах, представленную на чертежах и рисунках
6.12	Применять геометрические факты для решения стереометрическ несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной ф
6.13	Оперировать понятием: вектор в пространстве
6.14	Выполнять действия сложения векторов, вычитания векторов и ум объяснять, какими свойствами они обладают
6.15	Применять правило параллелепипеда при сложении векторов
6.16	Оперировать понятиями: декартовы координаты в пространстве, векто векторов, координаты вектора, угол между векторами, скалярн коллинеарные и компланарные векторы
6.17	Находить сумму векторов и произведение вектора на число, угол произведение, раскладывать вектор по двум неколлинеарным векторам
6.18	Задавать плоскость уравнением в декартовой системе координат
6.19	Решать простейшие геометрические задачи на применение векторно-ко
6.20	Решать задачи на доказательство математических отношений и величин по образцам или алгоритмам, применяя известные методы математических задач
6.21	Применять простейшие программные средства и электронно-комм решении стереометрических задач
6.22	Приводить примеры математических закономерностей в природе и жи законов геометрии в искусстве
6.23	Применять полученные знания на практике: анализировать реаль изученные понятия в процессе поиска решения математически со моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследов использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, связанные с нахождением геометрических величин

ПРОВЕРЯЕМЫЕ ЭЛЕМЕНТЫ СОДЕРЖАНИЯ

10 КЛАСС

Код	Проверяемый элемент содержания
7	Геометрия
7.1	Основные понятия стереометрии. Точка, прямая, плоскость, пространство. Построение стереометрии: аксиомы стереометрии и следствия из них
7.2	Взаимное расположение прямых в пространстве: пересекающиеся, параллельные. Параллельность прямых и плоскостей в пространстве: параллельные прямые в пространстве, параллельность прямой и плоскости. Углы с сонаправленными сторонами в пространстве. Параллельность плоскостей: параллельные плоскости, свойства. Простейшие пространственные фигуры на плоскости: тетраэдр, куб, параллелепипед, пирамида
7.3	Перпендикулярность прямой и плоскости: перпендикулярные прямые в пространстве, перпендикулярные к плоскости, признак перпендикулярности прямой и плоскости, перпендикулярной плоскости. Углы в пространстве: угол между прямой и плоскостью, линейный угол двугранного угла. Перпендикуляр и наклонные: расстояние от точки до прямой до плоскости, проекция фигуры на плоскость. Перпендикулярность двух плоскостей. Теорема о трёх перпендикулярах
7.4	Понятие многогранника, основные элементы многогранника, выпуклые и невыпуклые многогранники. Призма: n -угольная призма, грани и основания призмы, прямая и наклонная полная поверхность призмы. Параллелепипед, прямоугольный параллелепипед и куб. Угольная пирамида, грани и основание пирамиды, боковая и полная поверхность усечённой пирамиды. Элементы призмы и пирамиды. Правильные многогранники: правильный многогранник, правильная призма и правильная пирамида, правильная треугольная пирамида, тетраэдр, куб. Представление о правильных многогранниках: октаэдр, додекаэдр и икосаэдр
7.5	Симметрия в пространстве: симметрия относительно точки, прямой, плоскости. Симметрия в пирамидах, параллелепипедах, правильных многогранниках
7.6	Вычисление элементов многогранников: рёбра, диагонали, углы. Площадь боковой поверхности прямой призмы, площадь оснований, теорема о боковой поверхности призмы, боковой поверхности и поверхности правильной пирамиды, теорема о площади усечённой пирамиды. Объём пирамиды, призмы
7.7	Подобные тела в пространстве. Соотношения между площадями поверхностей, объёмами

11 КЛАСС

Код	Проверяемый элемент содержания
6	Геометрия
6.1	Цилиндрическая поверхность, образующие цилиндрической поверхности, ось цилиндра. Цилиндр: основания и боковая поверхность, образующая и ось, площадь боковой и полной поверхности
6.2	Коническая поверхность, образующие конической поверхности, ось и вершина конуса. Конус: основание и вершина, образующая и ось, площадь боковой и полной поверхности, образующие и высота, основания и боковая поверхность
6.3	Сфера и шар: центр, радиус, диаметр, площадь поверхности сферы. Взаимное расположение плоскости, касательная плоскость к сфере, площадь сферы
6.4	Изображение тел вращения на плоскости. Развёртка цилиндра и конуса
6.5	Комбинации тел вращения и многогранников. Многогранник, описанный около сферы, или тело вращения
6.6	Понятие об объёме. Основные свойства объёмов тел. Теорема об объёме прямого параллелепипеда и следствия из неё. Объём цилиндра, конуса. Объём шара и площадь сферы
6.7	Подобные тела в пространстве. Соотношения между площадями поверхностей, объёмами подобных тел
6.8	Сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельно и перпендикулярно оси), сечения шара (параллельно и перпендикулярно диаметру, проходящего через вершину)
6.9	Вектор на плоскости и в пространстве. Сложение и вычитание векторов. Умножение вектора на скаляр. Разложение вектора по трём некопланарным векторам. Правило параллелепипеда. Применение правил действий с векторами
6.10	Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Простейшие задачи на координатно-векторном языке. Угол между векторами. Скалярное произведение векторов. Вычисление углов между векторами. Координатно-векторный метод при решении геометрических задач

ПРОВЕРЯЕМЫЕ НА ЕГЭ ПО МАТЕМАТИКЕ ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ОСНОВНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

Код проверяемого требования	Проверяемые требования к предметным результатам освоения основной образовательной программы среднего общего образования
1	Владение методами доказательств, алгоритмами решения задач; оперировать понятиями: определение, аксиома, теорема, следствие, доказательство, равносильные формулировки; применять их; умение использовать противоположное утверждение, приводить примеры и контрпримеры математической индукции; проводить доказательные рассуждения при установлении логическую правильность рассуждений; умение оперировать понятиями: подмножество, операции над множествами; умение использовать аппарат для описания реальных процессов и явлений и при решении задач учебных предметов; умение оперировать понятиями: граф, связный граф, плоскости; умение задавать и описывать графы различными способами; умение решать задачи
2	Умение оперировать понятиями: натуральное число, целое число, степень, корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, показатель, логарифм числа, синус, косинус и тангенс произвольного угла, рациональное число, иррациональное число, множества натуральных действительных чисел; умение использовать признаки делимости, наименьшее общее кратное, алгоритм Евклида при решении задач; умение оперировать понятиями: позиционными системами счисления; умение выполнять вычисление выражений со степенями и логарифмами, преобразования дробно-рациональных выражений; умение оперировать понятиями: последовательность, арифметическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, последовательности, в том числе с помощью рекуррентных формул; умение оперировать понятиями: комплексное число, сопряжённые комплексные числа, комплексного числа, форма записи комплексных чисел (геометрическая, алгебраическая); уметь производить арифметические действия с комплексными числами; приводить примеры использования комплексных чисел; оперировать понятиями: матрица 3×3, определитель матрицы, геометрический смысл определителя
3	Умение оперировать понятиями: рациональные, иррациональные, логарифмические, тригонометрические уравнения и неравенства, их системы; умение оперировать понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, система уравнений и неравенств, равносильность уравнений, неравенств, систем уравнений, неравенств и системы с помощью различных приёмов; решать задачи

	и системы с параметром; применять уравнения, неравенства, математических задач и задач из различных областей науки и реальной
4	Умение оперировать понятиями: функция, чётность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции, значения функции на промежутке, непрерывная функция, асимптоты, вторая производная функции, геометрический и физический смысл определённого интеграла; умение находить асимптоты графика функции, производные суммы, произведения, частного и композиции функций, касательной к графику функции; умение находить производные элементов, использовать производную для исследования функций, находить значения функций; строить графики многочленов с использованием анализа; применять производную для нахождения наилучшего решения социально-экономических и физических задачах; находить площади интеграла; приводить примеры математического моделирования с помощью уравнений
5	Умение оперировать понятиями: график функции, обратная функция, линейная функция, квадратичная функция, рациональная функция, тригонометрические функции, обратные тригонометрические функции, логарифмическая функции; умение строить графики изученных преобразования графиков функций, использовать графики для зависимостей, при решении задач из других учебных предметов и выражать формулами зависимости между величинами; использовать для решения уравнений, неравенств и задач с параметрами; исследовать плоскости множества решений уравнений, неравенств и их систем
6	Умение решать текстовые задачи разных типов (в том числе на движение, работу, стоимость товаров и услуг, налоги, задачи из области семейными финансами); составлять выражения, уравнения, неравенства задачи, исследовать полученное решение и оценивать правдоподобие, моделировать реальные ситуации на языке математики; составлять неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенный аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат
7	Умение оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового интерпретировать информацию, представленную в таблицах, отражающую свойства реальных процессов и явлений; представлять таблиц и диаграмм; исследовать статистические данные, в том числе с методов и электронных средств; графически исследовать совместные диаграмм рассеивания и линейной регрессии

8	Умение оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие; умение вычислять вероятность с использованием графиче формулы сложения и умножения вероятностей, формулу полной вероятности; комбинаторные факты и формулы; оценивать вероятности реальных событий понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, дисперсия и стандартное отклонение случайной величины, функции равномерного, показательного и нормального распределений; умение применять изученных распределений для решения задач; знакомство с понятием метода выборочных исследований; умение приводить примеры проявления в природных и общественных явлениях; умение оперировать понятиями: число сочетаний, число перестановок; бином Ньютона; умение применять рассуждения для решения задач; оценивать вероятности реальных событий вероятностную модель и интерпретировать полученный результат
9	Умение оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, угол, плоский угол, двугранный угол, трёхгранный угол, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями, расстояние от точки до прямой, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями; умение использовать изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры мира; строить математические модели с помощью геометрических понятий, связанные с ними практические задачи
10	Умение оперировать понятиями: площадь фигуры, объём фигуры, многогранник, сечение многогранника, куб, параллелепипед, поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, площадь сферы, пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, объём куба, прямоугольного параллелепипеда, призмы, цилиндра, конуса, шара, развёртка поверхности, сечение параллельные оси или основанию, сечение шара, плоскость, касающаяся шара; умение строить сечение многогранника, изображать многогранники, поверхности вращения, их сечения, в том числе с помощью электронных средств; умение строить геометрических фигур, самостоятельно формулировать определения и гипотезы о свойствах и признаках геометрических фигур, обосновывать гипотезы; умение проводить классификацию фигур по различным признакам; дополнительные построения
11	Умение оперировать понятиями: движение в пространстве, параллельность прямых в пространстве и в плоскости, поворот, преобразование подобия, масштаб; умение распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природных объектах; умение использовать геометрические отношения при решении задач; находить (длина, угол, площадь, объём) при решении задач из других учебных предметов и жизни; умение вычислять геометрические величины (длина, угол,

	поверхности), используя изученные формулы и методы, в том числе пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, площадь сферы; объём параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение находить подобные фигуры
12	Умение оперировать понятиями: прямоугольная система координат, координаты вектора, сумма векторов, произведение вектора на число, базис, скалярное произведение, векторное произведение, угол; умение использовать векторный и координатный метод для решения геометрических задач в учебниках и учебных предметах
13	Умение выбирать подходящий метод для решения задачи; понимание закономерностей в изучении природных и общественных процессов и явлений; умение применять законы математики в искусстве, умение приводить примеры из истории российской и мировой математической науки

ПЕРЕЧЕНЬ ЭЛЕМЕНТОВ СОДЕРЖАНИЯ, ПРОВЕРЯЕМЫХ НА ЕГЭ ПО МАТЕМАТИКЕ

Код	Проверяемый элемент содержания
1	Числа и вычисления
1.1	Натуральные и целые числа. Признаки делимости целых чисел
1.2	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные пер...
1.3	Арифметический корень натуральной степени. Действия с арифметическими корнями
1.4	Степень с целым показателем. Степень с рациональным показателем. Свойства степени
1.5	Синус, косинус и тангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус, арктангенс числ...
1.6	Логарифм числа. Десятичные и натуральные логарифмы
1.7	Действительные числа. Арифметические операции с действительными числами. П... правила округления, прикидка и оценка результата вычислений
1.8	Преобразование выражений
1.9	Комплексные числа
2	Уравнения и неравенства
2.1	Целые и дробно-рациональные уравнения
2.2	Иррациональные уравнения
2.3	Тригонометрические уравнения
2.4	Показательные и логарифмические уравнения
2.5	Целые и дробно-рациональные неравенства
2.6	Иррациональные неравенства
2.7	Показательные и логарифмические неравенства
2.8	Тригонометрические неравенства
2.9	Системы и совокупности уравнений и неравенств
2.10	Уравнения, неравенства и системы с параметрами
2.11	Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы
3	Функции и графики
3.1	Функция, способы задания функции. График функции. Взаимно обратные функции. Ч... Периодические функции
3.2	Область определения и множество значений функции. Нули функции. Пром... Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольш... функции на промежутке

3.3	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Сво
3.4	Тригонометрические функции, их свойства и графики
3.5	Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики
3.6	Точки разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций, непрерывных на от
3.7	Последовательности, способы задания последовательностей
3.8	Арифметическая и геометрическая прогрессии. Формула сложных процентов
4	Начала математического анализа
4.1	Производная функции. Производные элементарных функций
4.2	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Л
4.3	Первообразная. Интеграл
5	Множества и логика
5.1	Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера – Венна
5.2	Логика
6	Вероятность и статистика
6.1	Описательная статистика
6.2	Вероятность
6.3	Комбинаторика
7	Геометрия
7.1	Фигуры на плоскости
7.2	Прямые и плоскости в пространстве
7.3	Многогранники
7.4	Тела и поверхности вращения
7.5	Координаты и векторы

**УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА
ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА**

МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ

**ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ
ИНТЕРНЕТ**

